

**Теорема 2.** Если  $L$  – правильно организованная сеть над  $C$ , и  $\mu P \text{ци} \dots$  – допустимая входная последовательность, то существует автомат Мура, вычисляющий оператор  $\theta(P; L)$ .

Как уже отмечалось выше, для некоторого фиксированного слова  $P$  множество всевозможных операторов вида  $\theta(P; L)$ , (где  $L$  – логические сети над  $C$ ), не является рекурсивным. Но присутствующую здесь алгоритмическую проблему можно разложить на следующие частные алгоритмические проблемы.

*Сложностью правильно организованной сети  $L$  над  $C$  называется число автоматов типа  $\Pi$ , входящих в эту сеть. Обозначение:  $\nu(L)$ .*

Для данного слова  $P$  пусть  $S_n(P)$  обозначает множество всевозможных операторов вида  $\theta(P; L)$ , где  $L$  – правильно организованные сети над  $C$ , удовлетворяющие условию:  $\nu(L) \leq n$ . Возникают вопросы об алгоритмической разрешимости множеств  $S_n(P)$ , которые решаются положительно в следующем утверждении.

**Теорема 3.** Для любого числа  $n$  и любого слова  $P$  алфавита  $A_0$  множество  $S_n(P)$  является рекурсивным.

Тем самым, наблюдается ситуация, при которой общая неалгоритмическая проблема распалась на совокупность частных алгоритмически разрешимых проблем.

### **Библиографический список**

1. Кратко М.И. О существовании нерекурсивных базисов конечных автоматов // Алгебра и логика. – 1964. – Т.3, №2. – С. 33–44.
2. Марков А.А. Теория алгоритмов // Труды матем. ин-та АН СССР им. В.А. Стеклова. – М.Л. : Изд. АН СССР, 1954. – Т. 42.
3. Белякин Н.В. Усиление одной теоремы Мостовского // Вестник Сибирского независимого института. – Новосибирск, 2010. – №1 – С. 51–74.

## **Доминионы абелевых подгрупп метабелевых групп**

**А.И. Будкин**

*АлтГУ, г. Барнаул*

Группа  $H$  называется  $n$ -замкнутой в классе  $M$ , если для любой группы  $A = \text{gr}(H, a_1, \dots, a_n)$  из  $M$ , содержащей  $H$  и порожденной по модулю  $H$  подходящими  $n$  элементами, доминион  $H$  в  $A$  относительно  $H$  равен  $H$ .

Группа  $H$  называется абсолютно замкнутой в классе  $M$ , если для любой группы  $A$  из  $M$ , содержащей  $H$ , доминион  $H$  в  $A$  относительно  $M$  равен  $H$ .

**Теорема 1.** Существует свободная абелева группа конечного ранга, которая не является абсолютно замкнутой в классе метабелевых групп.

**Теорема 2.** Если свободная абелева группа ранга  $k$  не абсолютно замкнута в классе метабелевых групп, то любая абелева группа без кручения ранга  $k$  не является абсолютно замкнутой в этом классе.

**Следствие.** Существует полная абелева группа без кручения конечного ранга, которая не является 2-замкнутой в классе метабелевых групп.

## О свободных $m$ -группах и $m$ -произведениях

**С.В. Варакин**

*АлтГУ, г. Барнаул*

Напомним, решеточно упорядоченной группой (1-группой)  $G$  называется алгебраическая группа с определенными на ней решеточными операциями объединения  $\vee$  и пересечения  $\wedge$ , устойчивыми относительно групповых операций:  $a(u \vee v)c = auc \vee avc$  и  $a(u \wedge v)c = auc \wedge avc$ , а  $m$ -группой  $(G, \varphi)$  называется 1-группа  $G$  с определенной на ней одноместной операцией  $\varphi$ , которая является автоморфизмом второго порядка группы  $G$  и антиавтоморфизмом решетки  $G$ :  $\varphi(xy) = \varphi(x)\varphi(y)$ ,  $\varphi(\varphi(x)) = x$ ,  $\varphi(x \vee y) = \varphi(x) \wedge \varphi(y)$ ,  $\varphi(x \wedge y) = \varphi(x) \vee \varphi(y)$ .

Пусть  $G$  – 1-группа. Назовем  $m$ -группу  $(F, \varphi)$  свободной над  $G$ , если  $G$  1-подгруппа  $F$ , порождает  $(F, \varphi)$  как  $m$ -группу, и произвольный 1-гомоморфизм  $\theta_0$  1-группы  $G$  в  $m$ -группу  $(F', \varphi')$  однозначно продолжается до  $m$ -гомоморфизма  $\theta$   $m$ -группы  $(F, \varphi)$  в  $(F', \varphi')$ .

**Теорема.** Для любой 1-группы  $G$  существует  $m$ -группа  $(F, \varphi)$ , свободная над  $G$ .

Пусть  $\{(F_\alpha, \varphi_\alpha)\}_{\alpha \in A}$  – некоторое множество  $m$ -групп. Назовем  $m$ -группу  $(F^*, \varphi^*)$  и систему  $m$ -гомоморфизмов