

$$\{x + x^3, [x, y][u, v], [x, y](z + z^2), (x + x^2)[y, z], (x + x^2)(y + y^2), \\ [x, y]z + [y, z]x + [z, x]y, [x, y]z_1 z_2 \dots z_k [u, v] \mid k = 1, 2, \dots\}.$$

**Замечание.** Векторное пространство  $A$  служит примером четырех-элементного бесконечно базлируемого пространства.

### Библиографический список

1. Исаев И.М., Кислицин А.В. О тождествах пространств линейных преобразований // Мальцевские чтения: тезисы докладов международной конференции по алгебре. 2010. Режим доступа: <http://www.math.nsc.ru/conference/malmeet/10/abstracts.pdf>.
2. Кислицин А.В. О тождествах пространств линейных преобразований над бесконечным полем // Известия АлтГУ. – Барнаул, 2010. – № 1/2(65).
3. Исаев И.М., Кислицин А.В. О бесконечно базлируемых векторных пространствах // МАК-2010: материалы тринадцатой региональной конференции по математике. – Барнаул: Изд-во Алт. ун-та, 2010.
4. Исаев И.М., Кислицин А.В. Базис тождеств пространства верхних треугольных матриц второго порядка // Ломоносовские чтения на Алтае: сборник научных статей межрегиональной школы-семинара. 1 ч. – Барнаул: АлтГПА, 2010.
5. Львов И.В. Конечномерные алгебры с бесконечными базисами тождеств // Сибирский математический журнал. – 1978. – Т. XIX, № 1.
6. Мальцев Ю.Н., Парфенов В.А. Пример неассоциативной алгебры, не допускающей конечного базиса тождеств // Сибирский математический журнал. – 1977. – Т. XVIII, № 6.

## Массовые алгоритмические проблемы, порождаемые техническими параметрами машин Тьюринга

*В.Р. Карымов*

*АлтГУ, г. Барнаул*

Рассматривается семейство функций, связанных с вычислениями и оракулами. В качестве примера берётся проблема остановки машины о которой известно, что она не является разрешимой по кодам машин (с оракулами или без оракулов).

Массовая алгоритмическая проблема, связанная с этими машинами описывается следующим образом: вводятся технические характеристики

- 1) количество команд в программе;

- 2) количество задаваемых вопросов;
- 3) количество тактов работы.

Для каждой характеристики формулируется проблема остановки. Возникают следующие вопросы:

- 1) является ли проблема разрешимой с данной характеристикой?
- 2) если нет, то какие дополнительные характеристики требуются?

Планируется составить компьютерную программу, имитирующую решение этих проблем.

В работе Белякина Н.В. [2] высказано предположение о противоречивости классической арифметики Пеано. Заметим, что неразрешимость проблемы остановки доказывается с использованием числовых кодов машин в языке этой арифметики. Предлагаемые нами в [1] задачи формулируются в обычном языке программирования и если они имеют решение, то возникает необходимость уточнения понятия неразрешимости в теории алгоритмов.

### Библиографический список

1. Карымов В.Р. Арифметическая и гиперарифметическая вычислимость относительно вычислений с ограничениями // Известия АлтГУ. – Барнаул, 2010. – №1(65).
2. Ганов В.А., Белякин Н.В. Общая теория вычислений с оракулами. – Новосибирск, 1989.

## Абсолютно замкнутые группы в квазимногообразиях 2-ступенно нильпотентных групп<sup>1</sup>

*С.А. Шахова*

*АлтГУ, г. Барнаул*

Определим, следуя [1], доминион  $\text{dom}_G^{\mathcal{M}}(H)$  подгруппы  $H$  группы  $G$  в квазимногообразии групп  $\mathcal{M}$  как множество элементов  $g \in G$  таких, что для любых двух гомоморфизмов  $\varphi, \psi : G \rightarrow M \in \mathcal{M}$ , совпадающих на  $H$ , верно  $\varphi(g) = \psi(g)$ . Из определения доминиона вытекает, что  $H \subseteq \text{dom}_G^{\mathcal{M}}(H)$ . Если  $H = \text{dom}_G^{\mathcal{M}}(H)$  для любой группы

---

<sup>1</sup> Работа выполнена при поддержке АВИЦП «Развитие научного потенциала высшей школы» (мероприятие 1).