

2. Математика: Энциклопедия / Под ред. Ю.В. Прохорова. – М.: большая Российская энциклопедия, 2003.

3. Рейтард Дистель. Теория графов. / Пер. с англ. – Новосибирск: Изд-во Ин-та математики, 2002.

## **Дифференциальные операторы на группе Гейзенберга** *Е.Д. Родионов, В.В. Славский*

*БарГПУ, г. Барнаул*

Данная работа является продолжением работ [1-2], и в ней исследуются дифференциальные операторы градиента и Лапласа на группе Гейзенберга  $G_5$  с левоинвариантной лоренцевой метрикой. Исследуются функции, инвариантные при нахождении операторов градиента и Лапласа, на данной группе Гейзенберга  $G_5$ .

Работа выполнена при финансовой поддержке Совета по ведущим научным школам РФ (НШ 311.2003.1).

### **Литература**

1. Родионов Е.Д., Славский В.В. Локально конформно однородные пространства // Доклады академии наук. – 2002. – 373(3).

2. Rodionov E.D., Slavskii V.V. Conformal deformations of the Riemannian metrics and homogeneous Riemannian spaces. Comm. Math. Univ. – Carolinae, 2002. – 43(2). – P. 271–282.

## **Принцип равностепенной непрерывности мер**

*А.Н. Саженков*

*АлтГУ, г. Барнаул*

Пусть  $(P, 0, +, \cdot)$  – булево кольцо,  $\tau$  – топология на  $P$ , при которой булевы операции  $x \rightarrow x+a$  и  $x \rightarrow x \cdot a$  секвенциально непрерывны для любого элемента  $a$  из  $P$ . Функцию  $\mu : P \rightarrow X$ , где  $X$  нормированное пространство, называем конечно – аддитивной (мерой), если из условия  $a \cdot b = 0$  следует, что  $\mu(a+b) = \mu(a) + \mu(b)$ . Семейство мер называем равностепенно непрерывным, если имеет место равномерная сходимость к нулю на фильтре окрестностей  $0$  в  $(P, \tau)$ .

**Теорема.** Пусть  $P$  есть множество второй категории в топологии  $\tau$ , последовательность непрерывных мер  $\mu_n : P \rightarrow X$  поточечно сходится к нулю. Тогда последовательность  $\{\mu_n\}$  равномерно непрерывная.

## Об инвариантных римановых метриках Эйнштейна на обобщенных пространствах Уоллача

*А.С. Сидоров*

*АлтГУ, г. Барнаул*

Данная работа является продолжением работы [1], и в ней исследуются метрики Эйнштейна на пространствах Уоллача. В работе [2], найдена система полиномиальных уравнений, определяющая метрики на пространстве  $G/H$ , в котором модуль изотропии  $p$  представим в виде  $p = p_1 \oplus p_2 \oplus p_3$ . Данная работа посвящена однородному пространству  $SO(n_1 + n_2 + n_3 + n_4)$ , для которого

$$p = p_1 \oplus p_2 \oplus \dots \oplus p_6.$$

Для данного случая найден функционал скалярной кривизны  $S$  [2] и соответствующая ему функция Лагранжа  $L(x_i, t) (i = 1 \dots 6)$ . Используя базисы Грёбнера, в некоторых случаях получены решения возникающей системы полиномиальных уравнений.

### Литература

1. Сидоров А.С. Инвариантные римановы метрики Эйнштейна на обобщенных пространствах Уоллача // Вестник БГПУ: Естественные и точные науки. 2005, 5.
2. Никоноров Ю.Г. Об одном классе однородных компактных многообразий Эйнштейна // Сиб. мат. Журнал. – 2000. – Т. 41, 1. – С. 200–205.
3. Wallach N. Compact homogeneous Riemannian manifolds with strictly positive curvature // Ann. Math. – 1972. – V. 96. – P. 277–295.
4. Кокс Д., Литтл Дж., О'Ши Д. Идеалы, многообразия и алгоритмы. – М.: Мир, 2000.